

流體力學講義

第一回

501020-1



社團法
考友社
出版發行

第一講 流體靜力學

◎ 命題重點 ◎

一、流體：

(一)固態、液態及氣態合稱為物質三態：

1. 固態：

有固定體積，而其內之分子均排列整齊，不得隨意移動。

2. 液態：

有固定體積，而其內之分子可在保持其分子間距的條件下隨意移動。

3. 氣態：

無一定體積，可充滿任何容器，其內之分子作直線運動，於碰壁或互撞時才反射回來。

(二)液態及氣態因易於流動，且能隨容器之不同而改變其型態，故合稱為流體。

(三)流體亦可定義為可產生連續性變形的物質；因此流體必定受到剪應力的作用，而不論此剪應力是多麼的小。

(四)一般而言，流體可視為不可承受拉力。

二、絕對壓力與相對壓力：

(一)絕對壓力：

壓力之度量以其與完全真空 (complete vacuum) 之差表示時，謂之絕對壓力。

(二)相對壓力：

壓力之度量以其與當地大氣之差表示時，謂之相對壓力。

三、重心與壓力中心

(一)重心：

物體自重的合力作用點，謂之重心。

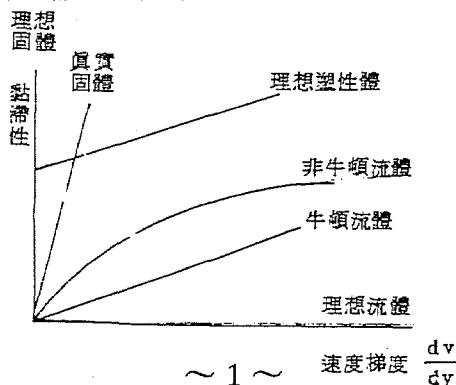
(二)壓力中心：

液態壓力之合力作用點，謂之壓力中心。

四、流體的種類：

(一)理想流體：

1. 無黏滯性。
2. 無壓縮性。



(二)真實流體。

- 1.具黏滯性。
- 2.具壓縮性。

(三)滯性流體：

流體之流動具有黏滯性者。

(四)牛頓流體：

滯性流體之動力黏滯性為定值者。

(五)非牛頓流體：

滯性流體之剪應力 τ 和 $\frac{dv}{dy}$ 之變化率呈非線性者。

五、表面張力 (surface tension)：

(一)在液體與氣體的境界面處，或在自由液面上形成之一層薄膜，由於此薄膜而生的張力，表面張力乃流體單位表面積所需做的功。

(二)球形體表面張力 $\sigma = \frac{Pr}{2}$

(三)圓柱體表面張力 $\sigma = Pr$

六、毛細管現象和黏滯性：

(一)毛細管現象：

由於表面張力、流體內聚力和流體對管壁的附著力，流體會上升或下降之現象，謂之毛細管現象。

(二)黏滯性：

流體抵抗剪力之力。

七、水力坡線：

沿一管系以管長方向距離為橫座標，以各點之 $\frac{p}{r} + z$ 為縱座標，所繪出之曲線謂之水力坡線。

八、氣體性質：

(一)容積彈性係數 K ：

流體（適用於氣體及液體，但液體壓縮率甚小幾可忽略）單位體積當壓力增加 dP ，體積縮小 dV ，若流體原體積為 V ，則

$$K = - \frac{dP}{dV/V}$$

(二)完全氣體定律： $P = \rho RT$

式中 T 為絕對溫度 ($^{\circ}F + 460$)， R 為氣體常數其單位如下：

$$1. \text{當 } \rho \text{ 爲 } \frac{\text{slug}}{\text{ft}^3} \frac{\text{lb}}{\text{ft}^2} \times \frac{\text{ft}^3}{\text{slug}^{\circ}R} = \frac{\text{ft}-\text{lb}}{\text{slug}^{\circ}R}$$

$$2. \text{當 } \rho \text{ 爲 } \frac{\text{lb}_m}{\text{ft}^3} \frac{\text{lb}}{\text{ft}^2} \times \frac{\text{ft}^3}{\text{lb}_m^{\circ}R} = \frac{\text{ft}-\text{lb}}{\text{lb}_m^{\circ}R}$$

3. 若 V_s 表一摩爾的體積，則完全氣體定律可寫為

$$PV_s = MRT$$

4. M 為克分子量， MR 的乘積稱之為普通氣體常數，其值與選用的單位有關，即

$$MR = 1545 \frac{\text{ft}-\text{lb}}{\text{lb}_m\text{-mole}-^{\circ}R}$$

$$\text{得到 } R = \frac{1545}{M} \frac{\text{ft}-\text{lb}}{\text{lb}_m^{\circ}R}$$

$$\text{或 } R = \frac{1545 \times 32.2}{M} \frac{\text{ft}-\text{lb}}{\text{slug}^{\circ}R}$$

$$(三) \text{氣體定律 } \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$$

(四)等熱 (定溫) 情況上式 (因 $T_1 = T_2$) $P_1 V_1 = P_2 V_2$

此時容積彈性係數 K 為 $K = P$

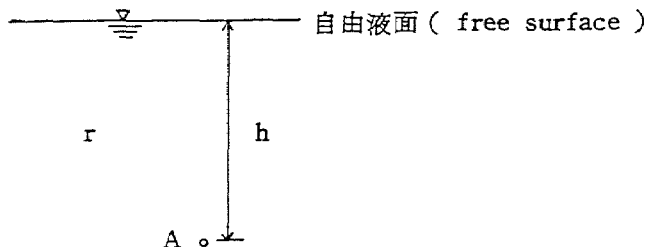
(五)絕熱 (等熵) 情況 $P_1 V_1^n = P_2 V_2^n$

$$\text{且 } \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{\frac{n-1}{n}}$$

而容積彈性係數為 $K = nP$

(六)壓縮率 β ：容積彈性係數之倒數 $\beta = \frac{1}{K}$

六、液面下壓力：



$$(-) P_A = r \cdot h = \rho gh$$

(二)在液面下 h 深度之相對壓力為 $P = \rho gh$ ，且為等向性。

六、壓力與高程的關係：

(一) 一般而言：

絕對大氣壓力 = 00 KN/m²

(二) 於可壓縮性流體：

$$\frac{dP}{dz} = -r$$

1. Z = 自下往上起算之的高程
2. P = 壓力
3. r = 單位重

(三) 於不可壓縮性流體：

1. $\frac{P}{r} + z = \text{定值}$

即 $P + rZ = \text{定值}$

2. 對於同液體之不同位置之二點

$$\frac{P_1}{r} + z_1 = \frac{P_2}{r} + z_2$$

即 $P_1 + z_1 = P_2 + z_2$

或 $P_2 = P_1 + r(z_1 - z_2) \dots \dots \dots \textcircled{1}$

(四) 利用 $\textcircled{1}$ 式，可測得容器內任一點之壓力。

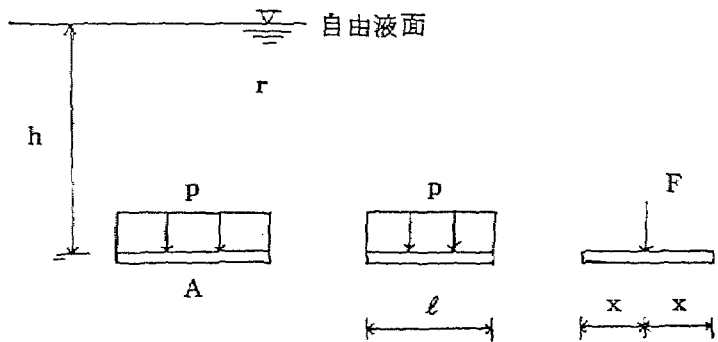
七、平面面積上的力：

(一) 水平表面：

1. $p = r \cdot h = \rho gh$

2. $F = PA$

$$x = \frac{\ell}{2}$$

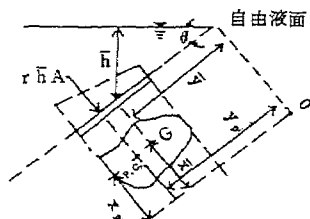


(二) 傾斜表面：

1. 合力 $F = rhA$

2. $x_p = \frac{I_{xy}}{yA} + x$, $y_p = \frac{I_{cy}}{yA} + y$

若表面為對稱，則 $I_{xy} = 0$ ，得 $x_p = x$



精選試題

一、若某體積 5.66m^3 之油重 46860 N ，試計算其單位重 r 、密度 ρ 及比重 s 。

$$\text{【解】 (一) } r = \frac{W}{V} = \frac{46860}{5.66} = 8279.15 \text{ N/m}^3$$

$$\text{(二) } \rho = \frac{r}{g} = \frac{8279.15}{9.81} = 843.95 \text{ kg/m}^3$$

$$\text{(三) } s = \frac{\rho}{\rho_{\text{水}}} = \frac{843.95}{1000} = 0.844$$

二、一物體重 90 lb 和一面積 2 ft^2 之平板，同由一有潤滑油的斜面下滑，斜面與水平成 30° ，滑油的黏滯性為 100 厘泊，該物體滑下之速度為 3 ft/sec ，求滑油膜的厚度。

【解】 已知 $du = 3\text{ ft/sec}$

$$\tau = \frac{F}{A} = \frac{90 \sin 30^\circ}{2} = 22.5 \text{ lb/ft}^2$$

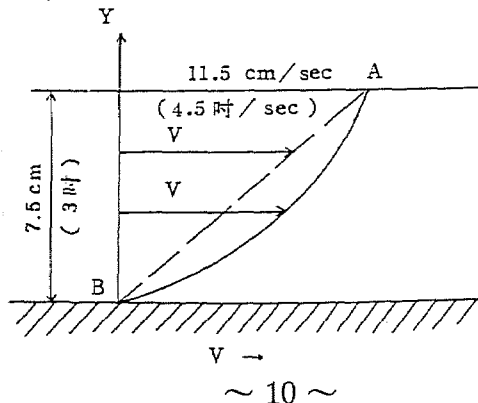
$$\mu = 100 \text{ centipoise} = 1 \text{ poise} = \frac{1}{479} \frac{\text{lb-sec}}{\text{ft}^2}$$

$$\begin{aligned} \text{厚度 } dy &= \mu \frac{du}{\tau} = \frac{1}{479} \times \frac{3}{22.5} \\ &= 2.78 \times 10^{-4} \text{ ft (or } 3.34 \times 10^{-3} \text{ in)} \end{aligned}$$

三、參考圖示，流體之絕對黏性係數為 0.05 N-sec/m^2 ($0.0010\text{ lb-sec/ft}^2$)，比重為 0.913 ，試計算邊界及離邊界處 2.5m (1 吋)， 5cm (2 吋) 和 7.5cm (3 吋) 處之速度梯度和剪力強度，假設：

(一) 直線之速度分佈。

(二) 拋物線之速度分佈，此拋物線之頂點為A，原點為B。



【解】(一)直線之速度分佈

$$\begin{aligned} \because V &= ay + b \\ \text{今 } V(0) &= 0 \\ \Rightarrow 0 &= b \\ V(7.5) &= 11.5 \\ \Rightarrow 11.5 &= 7.5 a \\ \Rightarrow a &= 1.53 \\ \therefore V &= 1.53 y \\ \Rightarrow \tau &= \mu \frac{dV}{dy} = (0.05)(1.53) \\ &= 0.0765 \text{ N/m}^2 \end{aligned}$$

(二)拋物線之速度分佈

$$\begin{aligned} \because V &= ay^2 + by + c \\ \text{今 } V(0) &= 0 \\ \Rightarrow 0 &= c \\ V(7.5) &= 11.5 \\ \Rightarrow 11.5 &= 56.25 a + 7.5 b \\ \left. \frac{dV}{dy} \right|_{7.5} &= 0 \\ \Rightarrow 0 &= 15 a + b \\ \text{解得} \\ a &= -0.204, b = 3.06, c = 0 \\ \therefore V &= -0.204 y^2 + 3.06y \\ \Rightarrow \tau &= \mu \frac{dV}{dy} \\ &= (0.05)(-0.408 y + 3.06) \\ &= -0.0204 y + 0.153 \end{aligned}$$

四半徑0.4 ft之圓筒於0.42 ft半徑之固定圓筒中，兩筒同心轉動，其筒長均為1 ft，假如有一力矩0.65 lb-ft來維持內筒60rpm之角速度，求兩筒間液體之黏滯性。

【解】(一)內筒角速度60 rpm，因此內筒外緣處之處切線速度為

$$u_p = \omega r = 60 \times \frac{2\pi}{60} \times 0.4 = 2.51 \text{ ft/sec}$$

$$\text{且 } 0.65 = \tau (2\pi rL) \times r \text{ 可得 } \tau = 0.1034/r^2$$